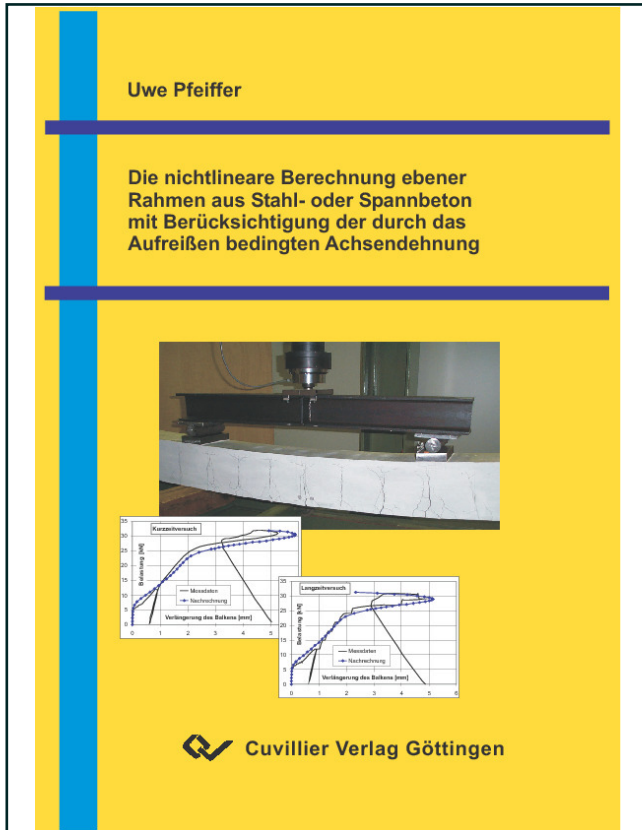




Uwe Pfeiffer (Autor)

# Die nichtlineare Berechnung ebener Rahmen aus Stahl- oder Spannbeton mit Berücksichtigung der durch das Aufreißen bedingten Achsendehnung



<https://cuvillier.de/de/shop/publications/2725>

Copyright:

Cuvillier Verlag, Inhaberin Annette Jentsch-Cuvillier, Nonnenstieg 8, 37075 Göttingen, Germany  
Telefon: +49 (0)551 54724-0, E-Mail: [info@cuvillier.de](mailto:info@cuvillier.de), Website: <https://cuvillier.de>

## 1 Einleitung

Durch den Einsatz von neuen Baustoffen wie hochfesten Betonsorten, Betonstählen mit höherer Streckgrenze oder Carbon- und Glasfasern ist der Entwurf von immer schlankeren Tragwerken möglich. Steigende architektonische Ansprüche können damit auch in Zukunft von Stahlbetontragwerken erfüllt werden, wie die extrem schlanken Schleuderbetonstützen der Pinakothek der Moderne in München mit einer Länge von knapp 20 m bei nur 52 cm Durchmesser beweisen (Bild 1.1). Auch Brücken weisen immer größere Schlankheiten  $\ell_{\text{eff}} / d$  auf, ebenso wie die einfachen Deckenplatten im Hochbau.



Bild 1.1 Pinakothek der Moderne, München, Schleuderbetonstützen mit  $\lambda \approx 150$

Bedingt durch die hohen Dehnungen bei Erreichen der maximalen Festigkeit steigen aber auch die Verformungen bereits im Gebrauchszustand, welche bemessungsrelevant werden können. Die Berechnung der Durchbiegung ist jedoch nur unter Berücksichtigung des nichtlinearen Verhaltens von Stahlbeton möglich, welches unter anderem die nichtlinearen Spannungs-Dehnungs-Beziehungen von Beton, die versteifende Mitwirkung der gerissenen Betonzugzone sowie Schwinden und Kriechen des Betons umfasst.

Auch bei Baustoffen mit üblicher Festigkeit ist eine Vorhersage der zu erwartenden Verformungen wünschenswert. Bedingt durch Rissbildung bereits im Gebrauchszustand weichen die Werte der wirklichen Durchbiegung teilweise erheblich von den mittels linear-

elastischer Rechnung ermittelten Werten ab. Zeitliche Veränderungen infolge Schwinden und Kriechen treten auf und sollten ebenfalls berücksichtigt werden. Andererseits ergibt sich durch eine nichtlineare Rechnung die Möglichkeit, z.B. bei größeren Spannweiten von Durchlaufträgern durch geschickte Anordnung von zusätzlicher Bewehrung die Verformungen zu verringern.

Ein weiterer Punkt sind Zwangsbeanspruchungen des Tragwerks infolge Schwinden, Baugrundsetzungen oder Temperatureinwirkungen, die zur Zeit meist durch Anordnung von Fugen oder verschieblichen Lagern vermieden werden. Aufgetretene Schäden an den Fugen, hohe Kosten für Einbau und Wartung der Lager und nicht zuletzt die mit statischen Nachteilen verbundene Aufteilung in Bauwerksabschnitte machen eine monolithische Bauweise wünschenswert.

Zwangsbeanspruchungen treten bei Baugrundsetzungen meist infolge von Biegemomenten im Tragwerk auf, die durch Rissbildung und Relaxation des Betons auf ein gewisses Maß reduziert werden. Das Kriechen ist auch der Grund dafür, warum sich auch bei erst nachträglich verbundenen Teilsystemen nach gewisser Zeit die vorhandene Biegemomentenverteilung an die Verteilung eines von Beginn an monolithischen Tragwerks annähert.

Bei Temperatureinwirkungen sowie beim Schwinden wirken vorzugsweise Zwangsnormalkräfte im Tragwerk, wenn dieses dehnbehindert ausgebildet ist. Vor allem die Zugbeanspruchung infolge Abkühlung und Schwinden kann zu größeren, die Dauerhaftigkeit des Tragwerks mindernden Rissen führen. Aber auch hier wird ein Teil der Zwangskräfte durch das Aufreißen des Betons abgebaut. Der Stahlbetonquerschnitt reißt bereits bei einer reinen Biegebeanspruchung bis über seine Schwerachse auf, so dass sich die positive Längsdehnung zu einer Verlängerung des Balkens aufsummiert und die Zwangsnormalkraft ebenfalls reduziert wird. Dieser Sachverhalt der Achsendehnung wurde in jüngeren Veröffentlichungen erwähnt, fand jedoch meist nur Anwendung zur Klärung einer Tragfähigkeitssteigerung durch den Aufbau einer hohen Drucknormalkraft infolge Gewölbewirkung.

Wie Schäden durch zu große Risse oder durch abplatzenden Beton in der Vergangenheit gezeigt haben, sind Zwangsbeanspruchungen nicht vernachlässigbar. Infolgedessen wurden in den letzten Jahren sehr viele Fugen und Lager angeordnet. Andererseits existieren viele ältere Tragwerke, die über einen Zeitraum von 50 und mehr Jahren keine Schäden erkennen lassen und nur einer sehr geringen Wartung bedurften. Durch die nichtlineare Berechnung eines Stahlbetontragwerks unter Berücksichtigung der genannten Effekte eröffnet sich heute für den planenden Ingenieur die Möglichkeit,

Vor- und Nachteile der Bauweise mit Fugen und der monolithischen Bauweise miteinander zu vergleichen und eine wirtschaftlich günstige Variante zu bestimmen. Eine Optimierung des Tragwerks im Hinblick auf den Kraftfluss, Bewehrungsgehalt sowie Anordnung und Anzahl der Lager und Fugen ist möglich.

Der Wechsel zu einer differenzierten Betrachtung und der daraus folgende vermehrte Einsatz fugenloser Konstruktionen ist am Eisenbahnbau gut nachvollziehbar. Waren noch Anfang des 20. Jahrhunderts Dehnfugen in den Schienen zur Vermeidung von Zwangsbeanspruchungen aus Temperatur vorgeschrieben, so sind in der heutigen Zeit Schienenwege mit Fugen nicht mehr denkbar. Auch die sogenannte „Feste Fahrbahn“ für Hochgeschwindigkeitszüge, hergestellt als Stahlbetonplatte ohne Dehnfugen, hat sich in den letzten Jahren bewährt. Gleisbewegungen bei der Überfahrt werden so minimiert. Eine Einschränkung der Gebrauchstauglichkeit durch die entstehenden Risse ist bei ordnungsgemäßer Ausführung nicht festzustellen.

Als weiteres Beispiel sei ein Pilotprojekt im Hamburger Hafen aufgeführt. Für eine neue Generation von Verladekränen wurde ein 380 m langer, im Anschluss daran ein 1430 m langer Kranbahnbalken ohne Dehnfugen hergestellt. Auch hier zeigte sich durch ein umfangreiches Messprogramm, dass die Zwangsbeanspruchungen durch Rissbildung soweit abgebaut werden können, dass keine Gefahr für die Dauerhaftigkeit besteht.

Auch bei Brückentragwerken wird in einigen Fällen wieder auf eine monolithische oder teilmonolithische Bauweise zurückgegriffen. Zwar können Zwangsbeanspruchungen infolge Schwinden und Temperatur bei den meist verwendeten Spannbetonüberbauten



Bild 1.2 Kylesku-Brücke, Schottland, Entwurf Ove Arup & Partners, Fertigstellung 1984, monolithische Verbindung der V-förmigen Stützen mit dem Überbau

nicht wie zuvor beschrieben durch Rissbildung abgebaut werden, jedoch können durch die Anordnung relativ biegeweicher Stützen die Bewegungen des Überbaus ohne Schäden für die Dauerhaftigkeit aufgenommen werden. Einige herausragende Brückenbauten oder die für die Formgebung ausgezeichnete Kylesku-Brücke (Bild 1.2) wären mit Fugen bzw. beweglichen Lagern zwischen Stützen und Überbau nicht denkbar.

Insbesondere bei langen und hohen Talbrücken kann für einen Großteil der Stützen eine monolithische Verbindung zum Überbau gewählt werden. Die Stütze sollte dazu vorzugsweise biegeweich in Richtung der Brücke ausgebildet werden sowie relativ biegesteif in Querrichtung für den Abtrag der Windkräfte. Infolge der Normalkraftbelastung aus dem Überbau und der großen Schlankheit des Pfeilers ist der Querschnitt auch bei starker Auslenkung des Stützenkopfes meist noch überdrückt, so dass die Dauerhaftigkeit nicht durch Rissbildung eingeschränkt wird. In solch einem Fall kann eine erste Abschätzung der Beanspruchungen bereits mittels einer linear-elastischen Rechnung erfolgen.

Mit dem Ziel, die zuvor genannten Problemstellungen rechnerisch erfassen zu können, werden in der vorliegenden Arbeit Algorithmen zum nichtlinearen Berechnen von ebenen Rahmensystemen aus Stahl- und Spannbeton entwickelt. Um dieser Rechenweise eine baupraktische Anwendung zu ermöglichen, erfolgt die Modellierung mittels Balken- oder Stabelementen, so dass die für den Ingenieur wichtigen Werte wie Biegemoment und Normalkraft direkt aus den Ergebnissen ablesbar sind und keine umständliche Integration von Spannungen erfolgen muss. Beim benutzten hybriden Algorithmus werden das Übertragungsverfahren, das Weggrößenverfahren sowie jeweils aktuelle Querschnittsberechnungen miteinander kombiniert. Durch die guten Möglichkeiten der Optimierung bei diesem Verfahren ist es möglich, selbst größere Strukturen mit vertretbarem Aufwand zu modellieren und auch auf aktuell verfügbaren PC-Systemen in akzeptabler Zeit nichtlinear zu berechnen. Nur durch solche Voraussetzungen wird es möglich sein, der nichtlinearen Rechenweise in Zukunft eine wirtschaftliche Grundlage im Bauwesen zu geben.

Im Rahmen dieser Arbeit wurden die Programme INCA2 (Interactive Nonlinear Cross-Section Analysis Biaxial) und Stab2D-NL (Nichtlineare Berechnungen ebener Stabwerke) entwickelt und bereits veröffentlicht. Durch den vielfältigen Einsatz in anderen Forschungseinrichtungen aber auch in Ingenieurbüros oder Baufirmen konnten die entwickelten Algorithmen an verschiedenen Problemstellungen getestet und optimiert werden. Dabei zeigte sich der Vorteil einer allgemeinen Formulierung der Spannungs-Dehnungs-Linien. So blieb die Anwendung nicht auf den Baustoff Stahlbeton beschränkt, sondern umfasste neben reinen Stahl- oder Aluminium-Konstruktionen auch „exotische“

Materialien wie Dämmstoffe aus harzgebundenen Mineralfasern, bei denen das Verformungsverhalten zur Qualitätskontrolle untersucht wurde.

Die eigenen durchgeführten Untersuchungen von Stahlbetonkonstruktionen waren vorzugsweise auf den Effekt der Achsendehnung bei Biegebeanspruchung ausgerichtet. Bei Hallen in Fertigteilbauweise wurden die Auswirkungen der Längenänderung der Dachbalken auf die Tragfähigkeit der Stützen untersucht. Zwangsbeanspruchungen und deren Reduktion standen bei dehnbehindert gelagerten Balken und Platten im Vordergrund. Bei Brücken in teilweise monolithischer Bauweise erfolgte die Untersuchung im Hinblick auf die Beanspruchungen der Stützen bei Längsverformungen des Überbaus. Ziel dieser Untersuchungen ist es, die Größenordnung der genannten Effekte aufzuzeigen, sowie Zusammenhänge und Möglichkeiten der Optimierung zu erläutern. Durch die strukturelle Vielfalt der Stahlbetontragwerke lassen sich nur einige grundlegende Aussagen formulieren. Vielmehr soll mit der vorliegenden Arbeit eine weitere Sensibilisierung für die gezeigten Problemstellungen und Lösungen erfolgen.

### **Gliederung der Arbeit**

In Kapitel 2 wird eine kurze Übersicht über bestehende Methoden zur nichtlinearen Berechnung von Stahlbetontragwerken gegeben sowie deren Vor- und Nachteile erläutert. Weiterhin wird die entwickelte Rechenmethode im groben Ablauf vorgestellt, um in Kapitel 3 und 4 detailliert auf die Querschnittsberechnungen sowie auf das benutzte Übertragungsverfahren und das Weggrößenverfahren einzugehen. Besonderheiten in den Algorithmen, die für die Rechnung von Stahlbetontragwerken wichtig sind, werden ausführlicher erläutert. Der Modellierung der versteifenden Mitwirkung der gerissenen Betonzugzone im Gebrauchszustand ist deshalb ein größerer Abschnitt gewidmet.

Zur Überprüfung des entwickelten Rechenverfahrens wurden einerseits Nachrechnungen von Rahmen-, Stützen- und Balkenversuchen anderer Forschungseinrichtungen durchgeführt. Zusätzlich erfolgten eigene Balkenversuche im Arbeitsbereich Massivbau der TUHH zur Ermittlung des Längsdehnungsverhaltens. Umfangreiche Erläuterung sowie die Ergebnisse der nichtlinearen Rechnungen zu insgesamt fünf verschiedenen Experimenten sind in Kapitel 5 aufgeführt. Dabei wurde auch die Stabilität und das Konvergenzverhalten untersucht sowie die näherungsweise Modellierung von Diskontinuitätsbereichen. Da für Lasteinleitungsbereiche, für Rahmenecken oder für Querschnittsprünge die Bernoulli-Hypothese vom Ebenbleiben der Querschnitte nicht mehr gilt, müssen hier einige zusätzliche Annahmen getroffen werden.