## Inhaltsverzeichnis

| 1 | Einleitung                    |   |    |  |
|---|-------------------------------|---|----|--|
| 2 | $Streptococcus\ thermophilus$ |   |    |  |
|   | 2.1                           | Starterkulturen   | 5  |  |
|   | 2.2                           | Milchsäurebakterien   | 5  |  |
|   | 2.3                           | Streptococcus thermophilus                                      | 7  |  |
|   |                               | 2.3.1 Stoffwechsel von Streptococcus thermophilus               | 8  |  |
|   |                               | 2.3.2 Vermehrung von Streptococcus thermophilus                 | 10 |  |
|   | 2.4                           | Herstellung von $Streptococcus\ thermophilus$ als Starterkultur | 12 |  |
|   |                               | 2.4.1 Industrielle Herstellung                                  | 12 |  |
|   |                               | 2.4.2 Fermentationsverlauf                                      | 15 |  |
|   |                               | 2.4.3 Wichtige Kenngrößen des Starters                          | 15 |  |
| 3 | Exp                           | perimentelle Versuchsdurchführung                               | 18 |  |
|   | 3.1                           | Organismus  | 18 |  |
|   | 3.2                           | Vorkultur   | 19 |  |
|   | 3.3                           | Medium  | 19 |  |
|   | 3.4                           | Fermentationsbedingungen  | 21 |  |
|   | 3.5                           | Fermenter und Prozessumgebung                                   | 22 |  |
|   | 3.6                           | Online-Messdaten  | 24 |  |

|   |     | 3.6.1   | pH-Messung   | 25 |
|---|-----|---------|--|----|
|   |     | 3.6.2   | Laugenzugabe zum Medium                            | 25 |
|   |     | 3.6.3   | Leitfähigkeit                                      | 25 |
|   | 3.7 | Offline | e-Analysen   | 26 |
|   |     | 3.7.1   | Zucker und organische Säuren                       | 26 |
|   |     | 3.7.2   | Keimzahl   | 27 |
|   |     | 3.7.3   | Aktivität  | 29 |
|   | 3.8 | Daten   | nachbearbeitung                                    | 31 |
|   |     | 3.8.1   | Splines  | 31 |
|   |     | 3.8.2   | Vorglätten der Messdaten                           | 33 |
|   |     | 3.8.3   | Glättung der Messdaten                             | 34 |
| 4 | Mo  | dellbil | ${f dung}$   | 37 |
|   | 4.1 | Allgen  | neines zur Modellbildung                           | 37 |
|   | 4.2 | Model   | llierung des Fermentationsprozesses                | 39 |
|   |     | 4.2.1   | Bakterienwachstum                                  | 40 |
|   |     | 4.2.2   | Lactoseaufnahme und Lactatproduktion               | 48 |
|   |     | 4.2.3   | Kenngrößen des Mediums                             | 53 |
|   |     | 4.2.4   | Aktivität  | 55 |
|   |     | 4.2.5   | Gesamtmodell für den Fermentationsprozess          | 59 |
|   | 4.3 | Unters  | suchung der Modellstruktur bei verändertem pH-Wert | 61 |
|   |     | 4.3.1   | Dynamische Größen                                  | 62 |
|   |     | 4.3.2   | Aktivität  | 65 |
|   | 4.4 | Simula  | ationen  | 66 |
| 5 | Par | amete   | ridentifizierung                                   | 69 |
|   | 5.1 | Formu   | ılierung der Parameterschätzaufgabe                | 70 |

|   |                          | 5.1.1  | Gütekriterium   | . 71  |  |
|---|--------------------------|--------|---|-------|--|
|   |                          | 5.1.2  | Messfehler  | . 73  |  |
|   |                          | 5.1.3  | Minimierung des Gütekriteriums                              | . 76  |  |
|   | 5.2                      | Sensit | ivität, Identifizierbarkeit und Korrelation der Parameter . | . 76  |  |
|   |                          | 5.2.1  | Untersuchungsmethoden                                       | . 77  |  |
|   |                          | 5.2.2  | Ergebnisse der Untersuchungen                               | . 83  |  |
|   | 5.3                      | Optim  | nierungsalgorithmen   | . 89  |  |
|   |                          | 5.3.1  | Globale und lokale Optimierung                              | . 91  |  |
|   |                          | 5.3.2  | Genetische Algorithmen                                      | . 91  |  |
|   |                          | 5.3.3  | Downhill-Simplex-Algorithmus                                | . 97  |  |
|   |                          | 5.3.4  | Hybridbildung   | . 102 |  |
|   | 5.4                      | Durch  | führung der Parameterschätzung                              | . 107 |  |
|   |                          | 5.4.1  | Aufstellung des Parameterschätzproblems                     | . 107 |  |
|   |                          | 5.4.2  | Diskussion der Ergebnisse der Parameterschätzung            | . 111 |  |
|   |                          | 5.4.3  | Automatisierter Ablauf der Parameterschätzung               | . 116 |  |
|   |                          | 5.4.4  | Parameterwerte  | . 116 |  |
| 6 | Modellvalidierung 119    |        |   |       |  |
|   | 6.1                      | Ergeb  | nisse für den pH-Wert 6.0                                   | . 119 |  |
|   |                          | 6.1.1  | Veränderung der Anfangslactosekonzentration                 | . 119 |  |
|   |                          | 6.1.2  | Veränderung der Inokulationsmenge                           | . 120 |  |
|   | 6.2                      | Ergeb  | nisse für die pH-Werte 5.7 und 6.3                          | . 120 |  |
| 7 | Übertragung der Methodik |        |   |       |  |
|   | 7.1                      | Fed-B  | atch-Experimente  | . 132 |  |
|   | 7.2                      | Strept | to coccus thermophilus 782                                  | . 135 |  |
| 8 | Zus                      | amme   | nfassung und Ausblick                                       | 144   |  |

## Inhaltsverzeichnis

|                      | 8.1  | Zusammenfassung                            | 144 |  |
|----------------------|------|--|-----|--|
|                      | 8.2  | Ausblick                                   | 147 |  |
| $\mathbf{A}$         | List | e der Experimente                          | 149 |  |
| В                    | Beis | spielgleichung der Sensitivitätsfunktionen | 151 |  |
| Literaturverzeichnis |      |  |     |  |